

33. 答案: A

解題要點:

這題目是在考“立體圓形”。同學須明白到正立方體的各頂點位於球體的表面上。

一般解法:

先把正立方體的各頂點與球形的圓心相連:

留意 OA 為球的半徑。

因對稱關係, 錐體的高(OM)為正立方體的高的, 一半
(因上面有一個相同的錐體)。

$$OM = 3/2 \text{ cm}$$

利用畢氏定理,

$$AC = \sqrt{3^2 + 3^2} = 3\sqrt{2}$$

$$AM = \frac{AC}{2} = \frac{3\sqrt{2}}{2}$$

考慮三角形 OAM , 利用畢氏定理,

$$OA^2 = \left(\frac{3}{2}\right)^2 + \left(\frac{3\sqrt{2}}{2}\right)^2 = \frac{9}{4} + \frac{18}{4} = \frac{27}{4}$$

$$r = OA = \sqrt{\frac{27}{4}} = \frac{3\sqrt{3}}{2}$$

解法 2:

另一種方法是要明白到 AOX 為一條直線 (因對稱性), 利用畢氏定理可先求 AC 。
然後再考慮三角形 ACX 來求 AX (留意 $CX=3\text{cm}$)。

$$r = AX / 2$$

